

ESTYMACJA (ciąg dalszy)

Przedział ufności dla różnicy średnich

Dla 2 populacji o rozkładzie normalnym

$$\left\{ (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - t_{\alpha, v} \cdot S_r; (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + t_{\alpha, v} \cdot S_r \right\}$$

jest to przedział w którym z prawdopodobieństwem $1-\alpha$ (czyli zazwyczaj 0,95) zawiera się różnica średnich dla 2 populacji (m_1-m_2). Zakładamy, że wariancje dla tych populacji są równe tj. $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$

gdzie:

$$S_r = \sqrt{S_e^2 \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)} \quad - \text{ błąd różnicy średnich}$$

$$S_e^2 = \frac{\text{var } X_1 + \text{var } X_2}{(n_1 - 1) + (n_2 - 1)} \quad - \text{ wariancja wspólna}$$

$\text{var}X$ – suma kwadratów odchyleń od średniej

$t_{\alpha, v}$ - wartość dla rozkładu t -studenta przy ustalonym α (najczęściej 0,05) oraz v (liczba stopni swobody, czyli n_1+n_2-2).

ESTYMACJA – ROZKŁAD DWUPUNKTOWY

Przedział ufności dla wskaźnika struktury w rozkładzie dwupunktowym

$$\left\{ \frac{m}{n} - z_{\alpha} \cdot \sqrt{\frac{\frac{m}{n} \cdot \left(1 - \frac{m}{n}\right)}{n}}; \frac{m}{n} + z_{\alpha} \cdot \sqrt{\frac{\frac{m}{n} \cdot \left(1 - \frac{m}{n}\right)}{n}} \right\}$$

jest to przedział ufności, w którym wskaźnik struktury w rozkładzie dwupunktowym zawiera się z prawdopodobieństwem $1-\alpha$, gdzie:

m - liczba elementów wyróżnionych znalezionych w próbie

n - liczebność próby

z_{α} - wartość z tablic rozkładu normalnego $N(1;0)$ dla ustalonej wartości α

Przykłady rozkładu dwupunktowego:

- 1) udział nasion kiełkujących i niekiełkujących w materiale siewnym
- 2) udział produktów sprawnych i wadliwych w opakowaniu zbiorczym

Przedział ufności dla różnicy dwóch frakcji (rozkład dwupunktowy)

$$\left\{ \left(\frac{m_A}{n_A} - \frac{m_B}{n_B} \right) - z_\alpha \cdot SP_r; \left(\frac{m_A}{n_A} - \frac{m_B}{n_B} \right) + z_\alpha \cdot SP_r \right\}$$

W przedziale ufności z prawdopodobieństwem $1-\alpha$ zawiera się wartość różnicy prawdopodobieństw dwóch rozkładów dwupunktowych (p_A-p_B).

m_A, m_B – liczby elementów wyróżnionych w próbach

n_A, n_B – liczebności prób

$$SP_r = \sqrt{\bar{p} \cdot (1 - \bar{p})} \cdot \left(\frac{1}{n_A} + \frac{1}{n_B} \right)$$

$$\bar{p} = \frac{m_A + m_B}{n_A + n_B}$$

Powyższe wzory można zastosować tylko dla prób o dużej liczebności > 100 elementów

HIPOTEZY STATYSTYCZNE I ICH WERYFIKACJA

Weryfikacja (testowanie) hipotez statystycznych, czyli sprawdzenie określonych przypuszczeń (założeń) wysuniętych w stosunku do parametrów lub rozkładu populacji generalnej na podstawie próby.

Podział hipotez:

Hipotezy statystyczne – dotyczące rozkładu populacji

Hipotezy parametryczne – dotyczące parametrów rozkładu (który jest znany)

Test statystyczny – reguła postępowania, która pozwala na przyjęcie (nieodrzućenie) bądź odrzućenie sprawdzanej hipotezy

Błąd I rodzaju – błąd odrzućenia, występuje gdy odrzućamy hipotezę, natomiast jest ona prawdziwa

Błąd II rodzaju – błąd przyjęćia, występuje gdy przyjmujemy hipotezę, natomiast jest ona fałszywa

Prawdopodobieństwo popełnienia błędu I rodzaju nazywamy **poziomem istotności (α)** (przyjmujemy najczęściej $\alpha=0,05$)

HIPOTEZY STATYSTYCZNE I ICH WERYFIKACJA

Hipotezy dla cech mających rozkład normalny

1) Porównanie średniej z normą

H₀: $\mu = \mu_0$

Funkcja testowa $t_{emp} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{S_{\bar{x}}}$

Gdzie $S_{\bar{x}}$ – błąd standardowy $S_{\bar{x}} = \frac{s}{\sqrt{n}}$

Wartość krytyczna $t_{\alpha, v}$, dla rozkładu t-studenta, gdzie α jest przyjętym poziomem istotności (najczęściej 0,05), a v liczbą stopni swobody, czyli liczebność próby pomniejszona o 1 ($n-1$)

Jeżeli $|t_{emp}| > t_{\alpha, v}$ to hipotezę **H₀** odrzucamy i przyjmujemy **hipotezę alternatywną H₁: $\mu \neq \mu_0$**

2) Porównanie średnich 2 populacji

H₀: $\mu_1 = \mu_2$

założenie $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$

Funkcja testowa $t_{emp} = \frac{\bar{x} - \bar{y}}{S_r}$

Gdzie S_r – błąd różnicy średnich

Wartość krytyczna $t_{\alpha, v}$, dla rozkładu t-studenta, gdzie α jest przyjętym poziomem istotności (najczęściej 0,05), a v

liczbą stopni swobody, czyli liczebność 2 prób
pomniejszona o 2 ($n_1 + n_2 - 2$)

Jeżeli $|t_{emp}| > t_{\alpha, v}$ to hipotezę H_0 odrzucamy i przyjmujemy
hipotezę alternatywną $H_1: \mu_1 \neq \mu_2$

3) Porównanie wariancji 2 populacji

$H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$

Funkcja testowa $F_{emp} = \frac{s_1^2}{s_2^2}$

Wartość krytyczna $F_{\alpha, v, u}$ dla rozkładu F-Fishera, gdzie α
jest przyjętym poziomem istotności (najczęściej 0,05), a v
i u liczbami stopni swobody, czyli liczebnością próby
pierwszej ($n_1 - 1$) i drugiej ($n_2 - 1$)

Wartość $s_1^2 > s_2^2$

Jeżeli $F_{emp} > F_{\alpha, v, u}$ to **H_0 odrzucamy**